

## ОГЛАВЛЕНИЕ

Предисловие переводчика . . . . .	5
Предисловие . . . . .	9
Введение . . . . .	11

### ЧАСТЬ I ОБЩИЕ ПОЛОЖЕНИЯ

Глава I. Основы кристаллофизики . . . . .	17
§ 1. Скаляры, векторы и тензоры второго ранга . . . . .	17
1. Запись с индексами суммирования (21)	23
§ 2. Преобразования . . . . .	23
1. Преобразования осей координат (23). 2. Преобразование компонент вектора (24). 3. Преобразование координат точки (25).	
4. Преобразование компонент тензора второго ранга (26).	
5. Закон преобразования произведения координат (28).	
§ 3. Определение тензора . . . . .	29
1. Различие между преобразованиями матрицы ( $a_{ij}$ ) и тензора [ $T_{ij}$ ] (30). 2. Симметричные и антисимметричные тензоры (30).	
§ 4. Характеристическая поверхность второго порядка . . . . .	31
1. Главные оси (33). 2. Упрощение уравнений при приведении к главным осям (34).	
§ 5. Влияние симметрии кристаллов на их свойства . . . . .	35
1. Влияние симметрии кристалла на его свойства, описываемые тензорами второго ранга (37).	
§ 6. Величина, характеризующая свойство в данном направлении . . . . .	41
1. Определение (41). 2. Аналитические выражения (41).	
§ 7. Геометрические свойства характеристической поверхности . . . . .	43
1. Длина радиуса-вектора (43). 2. Свойство радиуса-вектора и нормали (44). 3. Сводка геометрических свойств (46).	
Резюме . . . . .	47
Задачи . . . . .	49
Глава II. Преобразования и тензоры второго ранга . . . . .	51
§ 1. Преобразование осей координат . . . . .	51
1. Соотношения между направляющими косинусами (51).	
2. Значение $ a_{ij} $ (53).	

§ 2. Векторное произведение. Полярные и аксиальные векторы . . . . .	56
§ 3. Главные оси тензора . . . . .	59
§ 4. Построение окружности Мора . . . . .	62
1. Поворот вокруг главных осей (62). 2. Поворот вокруг произвольной оси (65).	
§ 5. Эллипсоид значений тензора . . . . .	66
Резюме . . . . .	67
Задачи . . . . .	69

## Ч А С Т Ъ II

## РАВНОВЕСНЫЕ СВОЙСТВА

Г л а в а III. Парамагнитная и диамагнитная восприимчивости . . . . .	73
---	----

§ 1. Общие соотношения . . . . .	73
§ 2. Энергия намагничивания кристалла . . . . .	78
§ 3. Силы и моменты сил . . . . .	80
1. Момент сил, действующий на кристалл в однородном магнитном поле (81). 2. Сила, действующая на кристалл в неоднородном магнитном поле (82). 3. Механический момент, действующий на кристалл в неоднородном магнитном поле (85).	
§ 4. Магнитная восприимчивость порошка . . . . .	86
Резюме . . . . .	87
Задачи . . . . .	88

Г л а в а IV. Электрическая поляризация . . . . .	89
---	----

§ 1. Общие соотношения . . . . .	89
§ 2. Различие между электрической поляризацией и намагченностью . . . . .	91
§ 3. Соотношение между $D$ , $E$ и $P$ в плоском конденсаторе . . . . .	94
§ 4. Энергия поляризованного кристалла . . . . .	96
§ 5. Сила и момент сил, действующие на кристалл в электрическом поле . . . . .	97
§ 6. Электростатическое поле в однородном анизотропном диэлектрике . . . . .	97
§ 7. Пироэлектричество . . . . .	99
§ 8. Сегнетоэлектричество . . . . .	102
Резюме . . . . .	103
Задачи . . . . .	105

Г л а в а V. Тензор напряжений . . . . .	106
--	-----

§ 1. Понятие напряжения . . . . .	106
1. Однородное напряжение (106). 2. Неоднородное напряжение (108).	
§ 2. Доказательство того, что $\sigma_{ij}$ образуют тензор . . . . .	111
§ 3. Поверхность напряжений . . . . .	113

§ 4. Частные формы тензора напряжений . . . . .	114
§ 5. Различие между тензором напряжений и тензорами, описывающими свойства кристалла . . . . .	116
Резюме . . . . .	116
Задачи . . . . .	117
<b>Г л а в а VI. Тензор деформаций и тепловое расширение . . . . .</b>	<b>118</b>
§ 1. Одномерная деформация . . . . .	118
§ 2. Двумерная деформация . . . . .	119
1. Однородная двумерная деформация (123).	
§ 3. Трехмерная деформация . . . . .	123
1. Однородная трехмерная деформация (125). 2. Обобщение на случай неоднородной деформации (129).	
§ 4. Деформация и симметрия кристалла . . . . .	130
§ 5. Тепловое расширение . . . . .	130
1. Конус нулевого расширения в кальците (132).	
Резюме . . . . .	133
Задачи . . . . .	135
<b>Г л а в а VII. Пьезоэлектричество. Тензоры третьего ранга . . . . .</b>	<b>137</b>
§ 1. Прямой пьезоэлектрический эффект . . . . .	137
§ 2. Уменьшение числа независимых модулей. Матричные обозначения . . . . .	140
§ 3. Обратный пьезоэлектрический эффект . . . . .	142
§ 4. Уменьшение числа независимых модулей из-за ограничений, налагаемых симметрией кристалла . . . . .	144
1. Соображения, в основе которых лежит лишь анализ симметрии (144). 2. Аналитические методы (145).	
§ 5. Результаты для всех кристаллографических классов . . . . .	151
§ 6. Характеристические поверхности . . . . .	155
Резюме . . . . .	158
Задачи . . . . .	160
<b>Г л а в а VIII. Упругость. Тензоры четвертого ранга . . . . .</b>	<b>161</b>
§ 1. Закон Гука . . . . .	161
§ 2. Матричные обозначения . . . . .	165
§ 3. Энергия деформированного кристалла . . . . .	166
§ 4. Влияние симметрии кристалла . . . . .	168
1. Дополнительные ограничения, налагаемые на упругие константы (171). 2. Соотношения между напряжениями и деформациями для изотропных материалов (174).	
§ 5. Характеристические поверхности и модуль Юнга . . . . .	175
§ 6. Объемная и линейная скимаемости кристалла . . . . .	177
§ 7. Соотношения между податливостями и жесткостями . . . . .	178
§ 8. Численные значения упругих констант . . . . .	179
Резюме . . . . .	180
Задачи . . . . .	182

<b>Г л а в а IX. Матричный метод . . . . .</b>	183
§ 1. Матричные и тензорные обозначения . . . . .	183
§ 2. Матричная алгебра . . . . .	183
1. Линейные преобразования и умножение матриц (183). 2. Сложение и вычитание матриц (186). 3. Сводка свойств матриц (186).	
§ 3. Свойства кристаллов в матричной записи . . . . .	186
§ 4. Две производные матрицы . . . . .	188
1. Транспонирование матрицы (188). 2. Обратная матрица (189).	
§ 5. Величина, характеризующая свойство в произвольном направлении . . . . .	190
§ 6. Поворот осей координат . . . . .	191
§ 7. Примеры вычислений с помощью матриц . . . . .	192
1. Главные коэффициенты и главные направления для моноклинного кристалла. Метод наименьших квадратов (192). 2. Главные коэффициенты и главные направления для триклинного кристалла (198).	
Резюме . . . . .	203
Задачи . . . . .	206
<b>Г л а в а X. Термодинамика равновесных свойств кристаллов . . .</b>	207
§ 1. Тепловые, электрические и механические свойства кристалла . . . . .	207
§ 2. Термодинамика термоупругих свойств . . . . .	211
1. Теплота деформации и термические напряжения (215). 2. Соотношение между адиабатическими и изотермическими упругими податливостями (216).	
§ 3. Термодинамика тепловых, электрических и упругих свойств . . . . .	217
§ 4. Соотношения между коэффициентами, измеренными при различных условиях . . . . .	223
1. Главные эффекты (225). 2. Сопряженные эффекты (226). 3. Численные значения коэффициентов (227). 4. Первичный и вторичный пироэлектрические эффекты (229).	
Резюме . . . . .	231
Задачи . . . . .	232

**ЧАСТЬ III****СВОЙСТВА, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИЕ ПРОЦЕССЫ ПЕРЕНОСА**

<b>Г л а в а XI. Теплопроводность и электропроводность . . . . .</b>	235
§ 1. Тензоры коэффициентов теплопроводности и теплового сопротивления . . . . .	235
§ 2. Два частных случая стационарного теплового потока . . . . .	238
§ 3. Общий случай стационарного теплового потока . . . . .	241
1. Тепловой поток от точечного источника (243).	
§ 4. Электропроводность . . . . .	245
§ 5. О симметричности тензора $[k_{ij}]$ . . . . .	246

§ 6. Термодинамическое рассмотрение. Принцип Онзагера . . . . .	248
1. Теоретическое обоснование принципа Онзагера (252).	
Резюме . . . . .	253
Задачи . . . . .	256
<b>Г л а в а XII. Термоэлектричество . . . . .</b>	<b>257</b>
§ 1. Термоэлектрические эффекты в изотропных проводниках . . . . .	257
1. Вывод соотношений Томсона (258).	
§ 2. Термоэлектрические эффекты в изотропной непрерывной среде . . . . .	261
1. Вывод уравнений потока (261). 2. Скорость выделения тепла (262). 3. Вывод из полученных уравнений формул для наблюдаемых термоэлектрических эффектов (264). 4. Порядок величины коэффициентов (266).	
§ 3. Термоэлектрические эффекты в кристаллах . . . . .	267
1. Вывод уравнений потока (267). 2. Скорость выделения тепла (268). 3. О нагревании за счет термоэлектрических эффектов (269).	
Резюме . . . . .	273
 ЧАСТЬ IV	
<b>КРИСТАЛЛООПТИКА</b>	
<b>Г л а в а XIII. Естественное и искусственное двойное лучепреломление. Эффекты второго порядка . . . . .</b>	<b>279</b>
§ 1. Двойное лучепреломление . . . . .	279
1. Индикатриса (279). 2. Влияние симметрии кристалла (281).	
3. Волновая поверхность (282).	
§ 2. Электрооптический эффект и фотоупругость . . . . .	285
1. Электрооптический эффект. Основные положения (285).	
2. Фотоупругость. Основные положения (288). 3. Общий случай (288). 4. Первичный и вторичный электрооптические эффекты (290). 5. Влияние симметрии (290). 6. Фотоупругость кубических кристаллов (297).	
§ 3. Общее рассмотрение эффектов второго порядка . . . . .	302
1. Термодинамическое рассмотрение (302). 2. Электрострикция и морфические эффекты (303).	
Резюме . . . . .	305
Задачи . . . . .	307
<b>Г л а в а XIV. Вращение плоскости поляризации . . . . .</b>	<b>308</b>
§ 1. Введение . . . . .	308
§ 2. Вращение плоскости поляризации и двойное лучепреломление	311
§ 3. Принцип суперпозиции . . . . .	315
§ 4. Величина эффекта . . . . .	317
§ 5. Тензорные свойства $[g_{ij}]$ . . . . .	318
§ 6. Влияние симметрии кристалла на $g_{ij}$ . . . . .	320
Резюме . . . . .	323
Задачи . . . . .	325

## ПРИЛОЖЕНИЯ

1. Сводка векторных обозначений и формул . . . . .	329	
2. Симметрия кристаллов и правила выбора осей координат . . . . .	330	
Решетка и элементарная ячейка (330). Плоскости решетки, кристаллические грани и направления (331). Элементы симметрии (332).		
Пространственные группы (333). Точечные группы и кристаллографические классы (333). Перечисление 32 точечных групп и кристаллографических классов (334). Символы $\{hkl\}$ и $\langle UVW \rangle$ (341). Кристаллографические системы (341). Выбор осей $Ox$ , $Oy$ , $Oz$ (341). Оси в установке Миллера — Бравэ и в ромбодирической установке (342). Выбор осей $Ox_1$ , $Ox_2$ , $Ox_3$ (344).		
Оптически изотропные, одноосные и двуосные кристаллы (345).		
Литература по кристаллографии . . . . .		346
3. Сводка свойств кристаллов . . . . .	347	
Некоторые тензоры, рассматриваемые в кристаллофизике и не включенные в табл. 22а и 22б (351). Некоторые анизотропные свойства кристаллов, непосредственно не выражаемые тензорами (351).		
4. Число независимых коэффициентов для каждого из 32 кристаллографических классов . . . . .	353	
5. Матрицы равновесных свойств для 32 кристаллографических классов	355	
6. Магнитная и электрическая энергия . . . . .	363	
7. Различие между изотермическими диэлектрическими проницаемостями зажатого и свободного кристаллов . . . . .	365	
8. Доказательство свойств индикатрисы с помощью уравнений Максвелла . . . . .	366	
Ответы на задачи и пояснения . . . . .		372
Л и т е р а т у р а . . . . .	376	